摛藻堂四庫

全書

薈

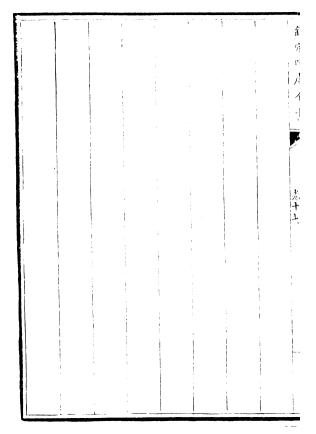
曾要

子部

欽定四庫全書管要 御製數理精臨下編卷十七

詳校官主事日陳木

御製數理精溫下編卷十七 欽定四庫全書管要卷一萬八百四十子部 面部七 三角形邊線角度相求 ■ 御製鉄理精箱下納



足日事全書 柳製我理精在下編 之小者所對之邊亦小凡三角三邊及必與兩直角之度等角之大者所角形不論角之直與銃鈍要以角度 三角三邊 割 而

比也 求之邊為比 知 去口 八雨邊 求之 知角之外 大口 角馬 角 ż 角 角 即 此三角之法所由立而 而邊 在 所 求又一 如 rt 即如所 所 知 知之角 兩邊之間而求 角者以 對之 扣 石以對所知 邊者以 與所 角沙用 為比 求之 又一角者 而 量之 角為比 得所求 與

於定四車全書 · 即製載理精級下編 成法益角度為虚室 令骨宜耳 面按 分為兩直角形而三角自隨之而得或用三邊 三角亦可得矣若止有三角則三邊無所約束 角五十七度丙乙邊五丈求甲乙邊幾何 如知三邊而求三角者則 取總以比例四率展轉用之惟在分合有法 此 例 直角三角形乙角為直角九十度知丙 而得 兩直角形之各一角旣得一 角

わしき 角正弦 前正经 為所知之邊其數五丈為三率求得四 四馬 減餘三十三度為甲角乃以甲角為對 率七丈六尺九寸九分三釐有餘即甲 為所求之邊也如丙丁戊一象限 萬三十八百六十七為二率丙乙邊 知之角其正弦五萬四十四百六 孤為两角之正弘己庚線為两角 以丙角五十七度與象限九十度 一率两角為對所求之角其正弦

1、即製數理精 癌下獨 三度之正弦已庚丙兴甲乙 形為同式形故甲角正弦 法以半徑十萬為一率丙角五十七 孤辛已線為两角之餘強即甲角之 度为角五十七度之餘弦為三、是故两角五十七度之餘弧為 人比為相當比例四率也正弦已與之比同於丙乙 孤為两角之 **一**丙庚 孤即甲角之 . 乙邊)丙两 己即 勾

鉝 三十 定 7 匹 中乙建 Ę, * 庫 ,5 甲乙丙直角三角形乙角高直角九十度知 己意 角正切 徑 全建 為二率內乙邊五丈為三率求得四率 與甲乙丙兩勾股形為同式形 度之正切 经與庚戊正切之比同於丙 西角之正切則 西戊為半徑原戊丙 丈六尺九寸九 乙邊之比為相當比例四 一象限切已戊弧作庚戊線 五萬三十九百八十 2分三種即甲で 鈙 () あら

三 角二十三度三十五分甲乙邊三十二丈求丙丁 ある選 甲乙邊 甲角正弦 丙角正弦 零八為一率以甲角為對所求之角其 度相減餘六十六度二十五分為甲角 法以丙角二十三度三十五分與九十 正弦九萬一千六百四十八爲二率甲 乃以丙角為對所知之角其正弦四萬 即製數理精益下編 求得四率七十三丈三尺零三分有)邊為所知之邊其數三十二支為三

鈁 净 革 4 あし湯 甲乙達 甲角正弦 丙角正弦 ,2 度二十五分之正弦已庚丙與甲乙 象限已戊孤為两角之正弘已庚線為 甲角之正孤辛已線為两角之餘弦即 **丙角之正發丁已孤為丙角之餘弘即** 餘即两乙為所求之邊也如內丁戊 甲角之正弦故丙角二十三度三十五 兩勾股形為同式形故为角正強己 二十三度三十五分之餘殆為六十 分之餘弧為六十六度二十五分內角

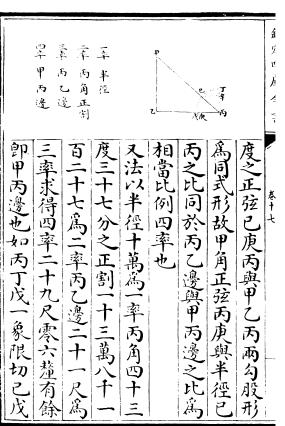
卓 丰 二年 一年 半经 甲しま あしき 丙角餘切 零七十三爲二率甲乙 、知以民理情益下編 角之正切則丁丙為半徑丙丁庚與甲 又法以半徑十萬為一 **度三十五分之餘切線二** 餘即丙 求得四率七十三丈三 弦 比為相當比例四率也 庚線為丙角之 之也如丙丁戊 比同於甲で 率两角二十)邊三十二丈爲 十二萬九 尺 餘切即 六

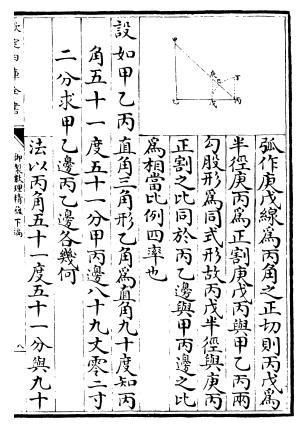
設 邊幾何 如甲乙丙直角三角形乙角為直角九十度知丙 角四十 三度三十七分丙乙邊二十一尺求甲丙 邊之比為相當比例四率也 與丁庚餘切之比同於甲乙邊與丙乙 法以丙角四十三度三十七分與九十 乙丙两勾股形為同式形故丁丙半 乃以甲角為對所知之角其正弦七並 度相減餘四十六度二十三分為甲角

卸定

匹库全書

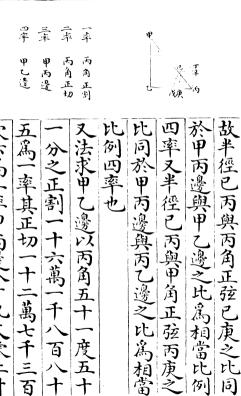
火 心 三 2 丁 二年 e あしき 甲丙邊 * 甲角正弦 Þ 徑 کے A. 一人御製數理精結下為 角之正弦與新已丙線為半徑即九十 餘直 **弦即半徑十萬為二率丙乙邊為所** 角之正弧丁)邊也如丙丁戊一象限已戊孤為丙 十三百九十七為 十九尺零六釐有餘即甲丙為所 **弦用** 亦丙 可以乙角為對所求之角其正 1 己弘為丙角之餘弘即)線為丙角之餘弦即甲 尺為三率求得四恋 万角 餘弦





三率 幸 平 甲乙建 甲丙邊 半徑 角正弦 邊 八度零九分爲甲角 角為對所知之角

訳定四車全書 柳製數理精臨下的 军 丙乙邊 半徑 甲丙邊 甲角正弦 為两角之正孤已庚線為两角之正弦 所求之邊也如丙丁戊一象限己戊弧 率五十四丈九尺九寸有餘卽丙乙爲 對所求之角其正弦六萬 庚丙與甲乙丙兩勾股形爲同式形 己弧為丙角之餘弧即甲角之正 二為二率甲丙邊為所知之邊甘)線為丙角之餘弦即甲角之正 九丈零二寸二分爲三率求得



比同於甲丙邊與丙乙邊之比爲相當

零六爲二率甲丙邊ハ十九丈零二 分之正割一十六萬一千八百八 率其正切一十二萬七千三

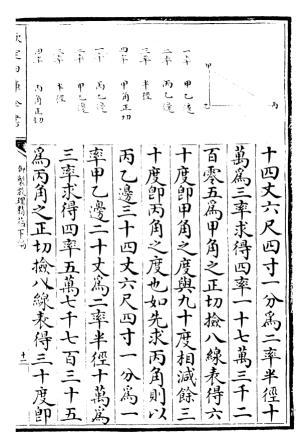
京 萍 二幸 あし邊 甲丙邊 半徑 丙角正割 ٠ 一、御製飲理精溫下納 之正弘庚戊線爲丙角之正切庚丙線 邊也如丙丁戊一象限己戊孤為丙 角正割一十六萬一千八百八十五萬 四率五十四丈九尺九寸有餘即丙 何两角之正割庚戊丙與甲乙丙兩 餘即甲で 九大零二寸二分為三率求 以半徑十萬為二率仍以甲丙)邊也求丙乙邊則

設 如甲乙丙直角三角形乙角為直角九十度知甲 甲角丙角各幾何 邊二十丈丙乙邊三十四丈六尺四寸一分求 比例四率也 同於甲丙邊與丙乙邊之比皆爲相當 切庚戊之比同於甲丙邊與甲乙邊 股形為同式形故丙角正割庚丙與正 法以甲乙邊二十丈爲一率丙乙與 比又丙角正割庚丙與半徑丙戊之比

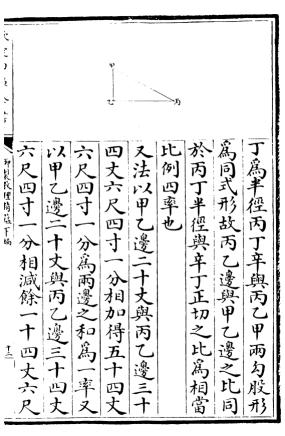
鉱定

四库全

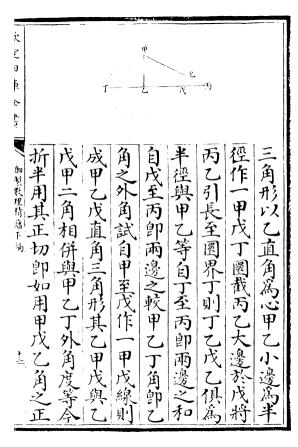
丰

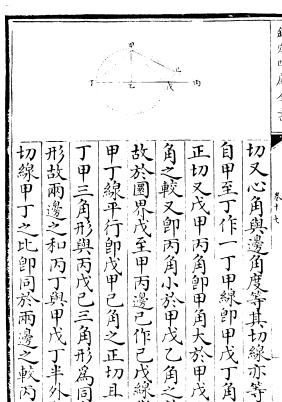


鉒 丙角之度與九十度相減餘六十度即 甲角之度也如圖先求甲角則如甲丁 角三十度之弧辛丁為丙角之正切丙 **丙角則如丙丁戊一象限己丁孤爲丙** 庚戊為甲角之正切甲戊爲半徑甲戊 庚戊正切之比為相當比例四率先 **庚與甲乙丙兩勾股形為同式形故甲** 一邊與丙乙邊之比同於甲戊半徑與 一象限己戊孤為甲角六十度之弘



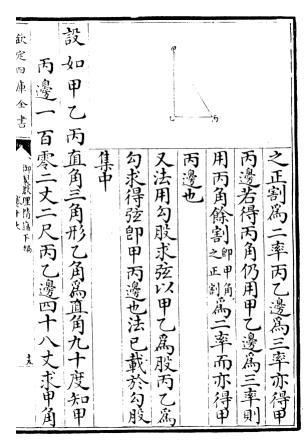
三季 三年 灾 一率 两邊之軟 厍 两邊之總 半較角切線 半外角切線 生 녈 一度為半較角與半外角四十五度 , 萬求得四率二十六萬七千 角其正切十 為半較角之正切檢八線表得 分為兩邊之較為二率 度即丙角之度如以半 角之度也如圖甲乙丙直角 ·度折半得四十 外角四十五度 正四 九百四



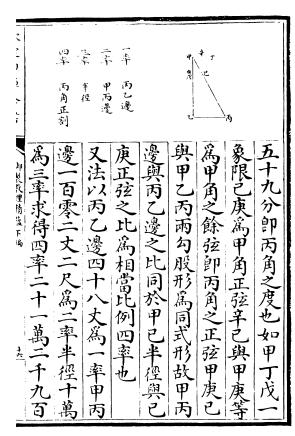


臣 定四 設 二率 方口 本 車全書 邊六十 甲角正切 丙乙選 甲乙 半徑 一丙 一、 御製數理精盤下編 直角三 尺丙乙邊三十二尺水甲丙邊幾 正切檢八 四率也 以甲乙邊六十尺為一率丙乙息 一角形乙角為直角九十 選作二率即先得 丙角症砂表得二十八度零四分 一率半徑十萬為三率求 -三百三十三為甲角之 七得两角度乃

四年 季 车 二年 一率 半徑 甲丙邊 甲丙邊 甲角正割 丙 甲角正弦 甲乙邊 乙立 徑 以甲角為對所 割線法則以半徑為一率甲角之正割 四率六十八尺零一分二釐有餘卽 **丙為所求之邊也又既得甲角之後用** 知之 /邊其數三十二尺為三率求 知之角其正弦四萬 -萬為二率丙乙邊 角為對所求 求得四率即



二季 1 草 丙角各幾何 丙乙邊 半径 甲角正弦 丙邊 之正弦檢八 零二丈二 得四率四萬六十九百六十六為甲 知之角其正弦即半徑十 义也甲角之餘 经即两 大馬二率乙角為所 -萬為三率



與己戊丙兩勾股形為同式形故丙 角之正切已丙為丙角之正割甲乙 十六為丙角之正割檢 與甲丙邊之比同於丙戊半徑與己 除割即甲角之正割如檢餘割數 一割之比為相當比例四率 度五十九分即丙角之度也其丙 、度零一 象限丙戊為半徑已戊為丙 一分即甲角之度也

金灰四月

生主

汉汉 卓 乙丙邊 甲角正於 己戶正弦 甲丙邊 度丙角四十六度求甲乙邊甲丙邊各經 統角三角形知る 相減餘七十四度為甲角求甲丙湯 **水之角其正弦八萬六十六百零三** 却長是里青島下高 甲角為對所知之角其正弦九萬 以乙角六十度與丙角四十六度 百二十六為一率以乙角爲對 百零六度與半園一百 為所知之邊其數三十二

四率 三草 二率 四季三季 平 乙角正弦 甲丙邊 乙丙邊 甲角正弦 乙丙邊 丙角正弦 甲角正弦 甲乙是 得四率二十三丈九尺四寸六分有 其正弦九萬六十一百二十六為 千九百三十四為二率仍以乙丙 九分有餘即甲丙爲所求之 以丙角為對所求之角其正弦十 三率求得四率二十八丈八尺)邊則仍以甲角為對所知之 兵數三十二丈為 三玄 之又一邊也如圖甲 漫

鉑

匹庫

全書

į ٠ ١ 角之度等見幾何原本四是以乙角所 御製戴理精臨下編 垂線即將每角所對之孤平分一 ·成两心角其每一心角與相當各思 甲丙弧原係一百二十度今為下 對甲乙弧原係九十二度今為丁戊 爲癸丁丙皆與乙角原度等丙 弧試自園心丁作三角形名 形作含三角形之

卸灾匹 庫 角之正弦亦即乙角之正弦甲戊爲田 為丁已士垂線所平分各為七十四度 壬丁丙角之正弦亦即甲角之正弦甲 角所對乙丙弧原係一百四十八度今 **庚爲甲丁癸角之正弦庚丙爲癸丁丙** 丁辛一爲辛丁乙皆與丙角原度等 及等し己為し丁士角之正弦已丙為 爲乙丁士一爲去丁丙皆與甲角原 **垂線所平分各為四十六度一為甲**

灾 足 日 奉 各 書 一 御果敢理精為下為 Ĺ. ĥ 有人 弦亦即丙角之正弦故求甲丙邊者以 邊者以已丙與甲戊之比或し已與戊 皆同於乙丙與甲丙之比又如求甲 乙已與甲庚之比或已丙與庚丙之比 辛角之正弦戊乙爲辛丁乙角之 之比皆同於乙丙與甲乙之比俱是 四率也又圖求甲丙邊者則用甲丙 與半全與全之比例而各為相當比 半徑自丙角至甲乙界作丙丁垂線 九九

TI A 7 一爲甲角正弦又依甲丙度截丙乙於戊 使戊乙與甲丙等國內皆同半徑公 為半徑自乙角至甲 甲角正弦两丁與乙角正弦戊己之比 於丙丁則知甲丙四戌亦小於乙丙故 作戊己垂線為乙角正弦觀戊己 正弦之大小乃見乃自戊至甲乙也與甲丙相同而乃自戊至甲乙 四率也又如求甲乙 丙邊與甲丙邊之比為相當比)邊者則用甲



四率也

)邊以乙角六十度之餘切

五萬七千七百三十五與丙角四十六

乙丙邊與甲乙邊之比爲相當比

正弦乙丁與丙角正弦戊己之比同

丁則知甲で

阿成亦小於乙丙故甲

作戊己垂線為丙角正弦觀戊己小於

て等乃自戊至甲丙界

戊丙與甲

角正弦又依甲

Le dun I 御製數理精福下為

Ť

Þ

E T

大

三军 二 豪. 草 率 一率 乙角餘割 甲乙邊 丙角餘到 乙丙邊 乙闰丙角雨餘切 甲丙是 乙丙連 乙角两角两餘切 角之餘割一十 邊求甲丙邊則仍以兩角餘切相 **丙角餘割一十三萬九千零** 十五萬四十三百零四爲一 (率仍以乙丙邊三十二丈爲 /餘切九萬六十五百六十九 -三丈九尺四寸六分有餘卽甲 五萬四十三百零四爲一室)丙邊三十二丈為三率求侍四 一萬五千四百七十為 相

? į ٠. , 一 印製段理情題下總 角三角形分為甲丁乙甲丁丙兩直角 餘即甲丙邊也此法蓋以甲乙丙 求得四率二十八丈八尺二寸九分有 形之甲角之正切如壬癸乙角之餘割 甲角又丙角四十六度與象限九十 甲角乙角シ 相減餘四十四度為甲丁丙三角形 度相減餘三十度爲甲丁乙三角形之 |角形即如乙角六十度與象限九十)餘切戊己即甲丁乙三角

Ī 即两甲角正切相加之和如五子甲癸 餘割庚丙即甲丁丙三角形之甲角之 如甲壬而两角之餘切庚辛即甲丁丙 己乙即甲丁乙三角形之甲角之正割 **壬與甲丁乙兩三角形為同式形甲癸** 正割如甲子若乙角丙角两餘切相加 三角形之甲角之正切如癸子丙角之 壬子與甲乙丙兩三角形亦為同式 與甲丁丙兩三角形為同式形故

盆 万 Ľ 盾

白き

設 如甲乙丙 度乙丙邊九丈七尺八寸求丙角甲乙邊甲丙邊 銃角三角形知甲角五十度乙角七十 |得一百二十度與半園一百八十度相 法以甲角五十度與乙角七十度相加 比皆為相當比例四率也 去子與甲子之比同於乙丙與甲丙之 同於乙丙與甲乙之比求甲丙邊者以 中北是里青海下岛)邊者以壬子與甲壬之比

飲定四庫全書 藁 二本 一率 甲乙爱 乙丙是 丙角正弦 甲角正弦 角為對所知之角其正弦七萬六千 減餘六十度為丙角求甲乙邊則以 其正弦八萬六十六百零三爲二率 **を七萬六千六百零四為一率而以** 爲三率求得四率一十一文零五寸 百零四為一率以丙角為對所求之 分有餘即甲乙爲所求之一 內邊為所知之邊其數九丈七尺八 **丙邊則仍以甲角為對所知之角其正**

設 四季 季 一年 十六度三十分乙丙邊七十九丈零一寸求甲乙 如甲乙丙鈍角三角形知乙角二十四度丙角 乙丙邊 甲丙達 乙角正弦 甲角正弦 ■、御製數理精 塩下納 角與邊雖與前法少異然總是有兩角 甲丙属所求之又一邊也此法所知之 四率一十一丈九尺九寸六分有餘即 之邊其數九丈七尺八寸爲三率求得 百六十九為二率仍以乙丙邊爲所 角為對所求之角其正弦九萬三千 邊得其所餘一角則仍與前法同 7

卸灾匹 邊甲 丙邊各幾何 戽 生き 法以乙角二十四度與丙角三 十分為甲鈍角求甲乙邊則以甲鈍角 三十分相加得六十度三 度三十分與半圜一百八十 百八十度相減餘一百 度乃用其外角將甲角一百一十 度乃用其外角將甲角一百一十九對所知之角夫甲角旣為鈍角過九

之 E 藁 亭 一幸 幸 二年 一幸 e 心雨邊 Þ 中乙達 甲外角正於 丙角正弦 甲外角正位 甲丙達 乙丙浸 乙角正弦 Ž PE'S 求甲丙邊則 九寸七分即甲乙爲所求之 寸為三率求得四率五十三丈九)丙邊爲所知之 御製數理精龜下編 内正 一角為對所求之角其正於 |弦八萬七千零三十六爲 仍以甲角為對所知之角 十四百八十二為二 班 丙角為對所求之 /漫其數七十九丈雲 夷

盆 四年 幸 辛 平 Ľ Ţ 甲丙邊 乙丙邊 乙角正佐 甲外角正弦 同得 有两角 亦 之丙 即甲丙爲所求之又 一九丈零 邊角 邊 所對 知所 但甲為鈍角故用外 一四為二 以求甲乙 之知 邊之 >三分有 其角 歇其 邊言之 為正 餘 三症率為 甲妇乙凯 丙 邊得

钦 定四庫全書 即 御製数理精結下編 戊己垂線即丙角之正弦夫戊已丙與 外角之正弦乙丁與丙角之正弦戊己 乙丙邊於戊使戊丙與甲乙半徑等作 丙之比為相當比例四率也其求甲丙 之比即同於乙丙邊與等甲乙邊之 丁丙两勾股形為同式形故乙甲 一甲丁外角之正弦又按甲乙 法求甲乙邊以乙角二十四度之餘 用外角正弦其理亦同 孟

一车 萍 幸 中人生 乙角餘到 乙丙邊 乙角乃月两餘切 切二十二萬四千六百零四與丙角三 萬五千八百五十九為二率乙丙邊七 十六度三十分之餘切一十三萬五千 百四十六爲一率乙角之餘割二十四 甲丙邊則仍以兩角餘切相加之三 五萬九千七百四十六為一率而以丙 三丈九尺九寸七分有餘即甲乙邊 百四十二相加得三十五萬九千七 九丈零一寸為三率求得四率五

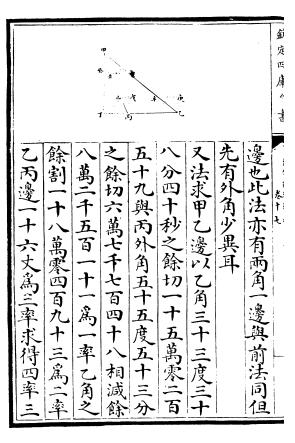
ここり 四年 李 二年 乙氏性 两角独到 į 乙角西角雨於切 ٠. 5 率求得四率三十六丈九尺二寸三分 ·為二率乙丙邊七十九丈零一寸為 角之餘割一 角三角形其乙角之餘切戊己即甲 鈍角三角形分為甲丁乙甲丁丙兩直 有餘即甲丙邊也此法蓋以甲乙丙 即製數理精為下編 三角形之甲角之正切如壬矣乙 正割如甲壬而丙角之餘切庚辛即 餘割己乙即甲丁乙三角形之甲 一十六萬八十一百

釤 定 匹 庫 佳 녈 7 相加之數即两甲角正切相加之和如 甲丁丙三角形之甲角之正切如於子 壬子甲癸壬與甲丁乙两三角形為同 甲角之正割如甲子乙角两角两餘切 **丙角之餘割庚丙即甲丁丙三角形之** 甲壬之比同於乙丙與甲乙之比求 、形甲癸子與甲丁丙兩三角形為同 形故甲去子與甲乙丙兩三角形亦 同式形是以求甲乙邊者以壬子

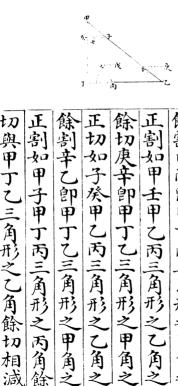
汉 欴 定 19 庫 四 全書 P 鈍 丙 一角甲乙 、丙外 外角五十五度五十三分乙 角三角形 以乙角三十 甲丙之比皆為相當比 度 以士 角 一邊甲 · 超針外 知し 仍與四 丙邊各幾 與甲子之 角三十三度 例四率 角百秒 何 分 走與八 卽 分 13 丙 相四 し十甲 減 角度角 相相甲取 餘利

---1 35 - J 2:3 历史 1/ 洧 ñ Ŀ ı£ 34 Ę 3至 产 即内角丙角十度者角加 弦為知 甲減共鈍所度等蓋令又 之角去度角餘與 角 也乙與則為半 其 角丙餘丙國角外丙國 丙 jĒ 北 外し外等形角外 外弦 甲 角甲角令三與角百 之二而於角し内八 百 度角一半相甲減十 則等共百國併二乙度 所 1人故度八内共内角相 P 於是十減為角即減 角 丙甲度去一相得餘 為 外乙內丙百併甲為 百 角 四 角二減鈍 八之角甲

三年 亭 字 <u>,</u> 甲丙邊 乙丙邊 乙角正弦 甲角正弦 得四率 角其正弦三萬七十八百四十七爲 |萬五十四百零四爲二率仍以し 和製段理情為下編 為所知之 -而以乙角爲對所求之角其正 甲丙邊則仍以甲角為對所 同為正 門即甲丙為所求之己此姓為一率 甲乙 邊 一一 是 四尺 五丈郎甲で ·六丈爲三 爲對 弦 所所



飲定四車全書 柳製我理精議下編 7 三年 二年 一字 甲乙邊 乙角餘到 中のま 乙的學 七万選 乙角丙角丙餘切較 丙外角餘割 己角馬角兩餘切較 角餘切相減之八 成甲丁乙甲丁丙兩直角三角形甲 零七百八十八爲二率仍以乙丙邊 以乙丙邊引長自甲角作甲丁 尺二寸二分有餘即甲丙邊也此法 **丙三角形之丙角即甲乙丙三角形之** 六丈爲三率 率而以丙外角之餘割 一求得四率二 萬二 千五百一 十三丈 克



正割如甲壬甲乙丙三角形之乙角之 切庚辛即甲丁乙三角形之甲角之

正割如甲子甲丁丙三角形之丙角餘 切如子癸甲乙丙三角形之乙角之 割辛乙即甲丁乙三角形之甲角之

餘割己两即甲丁丙三角形之甲角之

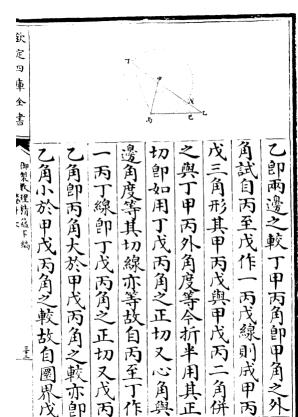
角形之甲角之正切如去癸丙外角之 **丙角之外角其餘切戊已即甲丁丙**

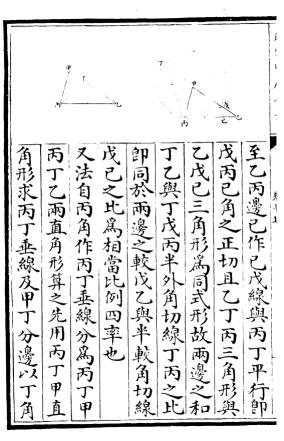
設 東定日車全書 · 、即製製理精為下為 甲乙丙 銃角三角形 壬甲癸壬三角形與甲丁丙三角 两三角形亦為同式形是以子去與 形為同式形故甲子壬三角形與甲 同式形甲癸子三角形與甲丁乙 兴甲壬之比 之比同於乙丙與甲乙之比 相當比例四率也 ép 同於乙丙與甲丙之比皆 知甲角六十度甲乙邊 儿叉子

及乙丙 十丈甲丙邊二十六丈一尺零八分求乙角两角 邊各幾何 半園一百八十度相減餘一百二十 零八分爲兩邊之和爲一率又以甲 法以甲乙邊四十丈與甲丙邊二十 分相減餘一十三丈八尺九寸二分四十丈與甲丙邊二十六丈一尺零 两邊之較為二率以甲角六十度 一尺零八分相加得六十六丈一

欽 定 二年 四 庫全書 雨邊之較 两邊之紀 丰外用切線 半較角切線 J 乙角之度 得四率三萬六十三百九十七為半 角之正切檢八線表得二十度為半 角與半外角六十度相減餘四十 也既得乙丙兩角即以丙角為對所 御製數理精稿下編 角其正弦九萬八千四百八十一為 十七萬三千二百零五為三率 得八十度即两角之 較角二十度與半

子 丰 1 乙丙遣 中しの 甲角正弦 再角正弦 萬六十六百零三為二率甲乙邊為所 甲丙等自丁至乙即兩邊之和自戊至 長至國界丁則甲丁甲戊俱為半徑與 形以甲角為心甲丙小邊為半徑作 爲所求之邊也如圖甲乙丙銳角三角 三十五丈一尺七寸五分有餘即乙丙 率以甲角為對所求之角其正弦 丁戊園截甲乙大邊於戊将甲で 1邊其數四十丈為三率求得四率





欽 一年 定 四率 章章 幸 率 凹 半徑 庫全書 甲丙邊 丙丁邊 甲角正弦 甲丁浸 甲丙邊 半徑 丙分角正经 知之 御製數理精寫下納 率求得四率二十二丈六尺一寸 為丙丁垂線又以丁角為對所知之 /邊其數二十六丈 一以甲角為對所求之角其正弦 角鄉两 【弦即半徑十 六百零三為二率甲丙邊為 角其正弦即半 求之角其正弦 尺零八分為

三年 本 四率 乘 二率 一幸 不 丁乙分選 丙丁垂線 半徑 乙角正切 半徑 甲丁邊 甲丙邊 丙分角正弦 為丁乙分邊於是用丙丁乙直角形求 四寸六分為一率丙丁二十二丈六 乙角及乙丙邊以丁乙二十六丈九 分邊既得甲丁分邊乃與甲乙邊 文相減餘二十六丈九尺四寸六分 求得四率十三丈零五寸四分為甲 二十六丈一尺零八分爲三 弦用 亦甲 可甲丙邊為所

人相減餘人

既得乙丙两角則用兩角

法算之

即得乙丙邊矣或先步

一十六丈九尺四十

得弦三十五丈一尺七十五分有る

定四庫全書一

御製数理精雜下納

欽

萬三千九百零

得四十

幸 二个 一本 中丁分邊 甲万邊 甲角餘弦 徑

> 分邊乃以甲丁分邊十三丈零五寸四 得四率十三丈零五寸四分為甲

相減餘二十六丈九尺四寸六

-以甲丁分邊與甲乙全邊四

丙邊二十六丈一尺零八分為三季

餘弦五萬為三

正弦分月人



又法先求甲丁分邊比例而得乙角以

一率即丁直

角以甲角

即乙丙邊也

飲定四庫全書 物製教理情為下為 -字 丁乙分邊 中丁分邊 乙角餘切 甲角餘切 切五萬七干七百三十五爲三率 切而庚己甲與甲丁丙爲同式形又 角餘切檢表得四十度即乙角也如 餘切而去癸乙與乙丁丙爲同式形 角之戊庚一 萬九十一百七十六為 象限其庚已為甲角之 之比同於東已與壬癸 一象限其士癸爲乙角 率甲角六十度之



甲丙達

奉 茶

內兩分角正切

甲角餘割 甲乙逢

甲角餘切與乙角餘切之共數即甲

兩分角之共切又將甲

十七萬六千九百

甲乙邊四十丈爲二率甲角六十

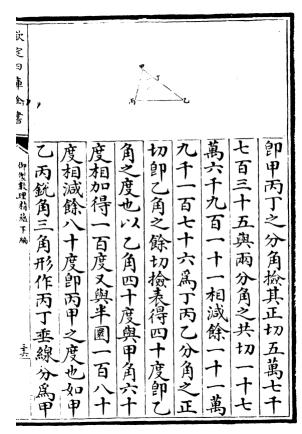
- 度餘

尺零八分為

萬五十四百七十爲三率

法用甲角餘割餘切求乙角丙角以

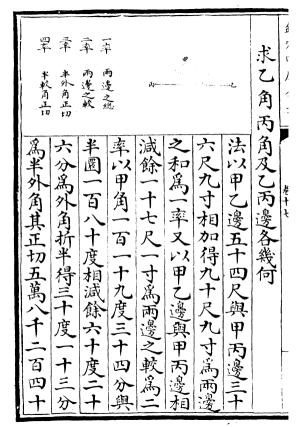
tt th.



作一戊已庚半圓則丙丁垂線平分於 爲同式形故甲丙邊與甲乙邊之比即 角之正切即甲角之餘切已壬一段爲 丁丙與乙丁丙兩直角形以丙角爲心 角之餘割辛去丙與甲乙丙兩三角形 已兩邊各成 而辛丙爲甲丙丁分角之正割亦即甲 乙丙丁分角之正切又即乙角之餘切 辛士線則辛己一 一象限試與甲乙邊平行 段爲甲丙丁分

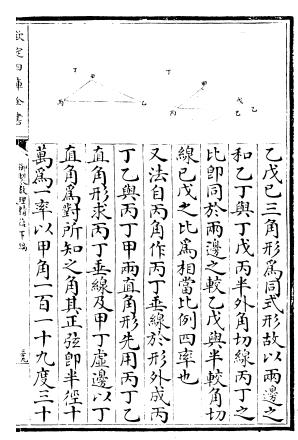
쉺

於定四事全書 │▼、 御製報理精額下編 如 P 四分甲乙邊五十四尺甲丙邊三十六尺九寸 乙丙鈍角三角形知甲角一百一十九度 得乙角也 壬之比爲相當比例四率也既得辛壬 兩分角之共切內減去甲丙丁分角! 分角之正切即為乙角之餘切檢表 度之正切辛己所餘已去為乙丙 が甲角餘害辛 丁乙丙丁兩分角之正切相合之 两角之正割



知之角其正弦五萬九十四百三十五 爲半較角之正切 與半外角三 一知親徒里情傷下病 乙角之度如以半較角六度一 三分相減餘二十三度五十八 十八分即两角之度也所 -較角與半外角三十 一十度一十三分相加得)丙邊則以丙角為對所 分即

金定四庫 李 严 牽 乙丙迁 甲乙邊 丙角正弦 中外角正弦 全書 角三角形以甲角為心甲丙為半徑作 戊爲半較角之正切乙丁丙三角形與 爲兩邊之較丙丁爲半外角之正切已 四釐有餘卽乙丙邊也如圖甲乙丙鈍 二率甲乙邊為所知之邊其數五十 人為三率求得四率七十九尺零二分 丙丁戊園其乙丁為兩邊之和乙岁 率甲外角為對所求之角年角 其正弦八萬六十九百七十八為



三率 二年 3-丙丁亚線 甲丙邊 * 甲外角正弦 机 其正弦八萬六十九百七十八為二 寸爲三率求得四率三十二尺零九 知之角其正弦即半徑十萬為一率 楚為 两丁垂線又以丁直角為對所 減餘二十九度三十四分爲甲丙 十六分即甲外角為對所求之 外角六十度二十六 分與九十 和之邊其數三十六尺 百八十度相減餘六十 てこりら 三率 草 四率 六 幸 车 幸 卓 半徑 丙丁亚線 乙丁邊 甲丙邊 乙角正切 丙外分角正於 半徑 甲丁虚邊 2. 1.5 一人仰製民理精塩下編 九十三百四十四為二率如血 相加得七十二尺二寸零八釐為 呼甲丙邊為所知之邊其數三十 分即 分五釐爲二率半徑十萬爲三率求 全邊又以て 九寸爲三率求得四率十 八釐爲甲丁虚邊與甲乙邊五十 為對所求之角其正弦四萬 一率丙丁垂線三十二

分即两角

角

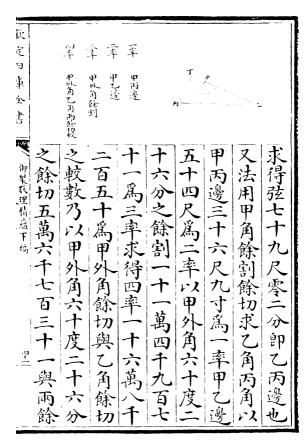
~相減餘三

之即得乙丙邊或先求乙丙邊則 全邊七十二尺二寸零八 則用两角一邊求又一邊之 去角し典し 六度二十 除即两角等既得了

匹 戽 在意 得四率四萬四千四百四十八 為乙角之度與甲外角六十 線表得二十三度五十

八爲乙角

灾



九度三十四分相加得一百四十三度 (十二分與半圍一百八十度相減餘 十六度二十八分即丙角之度也 乙丙鈍角形將甲乙 爲乙角餘 分即乙角之度與甲角一 垂線遂成丙丁甲丙丁乙 切檢表得二十三度 邊引長自西 一百一 两

2 F 10 1 庚辛甲外角之餘割甲己即丙丁甲三 己即丙丁甲三角形之丙角之正切如 較如子庚丙辛庚三角形與丙丁甲三 角形之两角之正割如庚两而两丁乙 乙丙三角形之甲角之外角其餘切戊 形之甲角餘切相減即兩丙角相差之 乙三角形之乙角餘切與丙丁甲三角 一知製飲理情盤下編 三角形之丙角之正切如子辛若丙丁 二角形之乙角之餘切壬癸即丙丁乙

釕 定四庫全書 與丙甲乙三角形亦為同式形是以甲 角形為同式形两辛子三角形與两丁 相當比例四率也既得子庚兩餘切之 丙邊與甲乙邊之比同於甲外角餘割)三角形爲同式形故丙庚子三角形 (丙即甲與兩餘切之較子庚之比爲 辛即乙角之餘功檢表得乙角度財 與甲外角之餘切庚辛即戊相加得)角則以乙角與甲角相併與半 卷十七

欴 足曰車全書 四三十二章 **丙邊各** 如甲 己角正産 甲乃邊 **西角正弦** 丙 幾 何 邊七十丈三尺四寸求甲角两角及 銃角三角形 所製數理精 題下編 減餘即丙角矣 以甲丙邊為對所知之邊 尺四寸為 得四率九萬八十四百九十六為 知乙角六十度甲乙邊 萬六十六百零三為 大爲二率乙角爲所 一率甲乙邊爲對所

與丙角 九度五十 丙邊則以乙角爲對所知之 既得两角度則以 萬六十六百零三為 度零三分相加得 分即甲 百 一弦六萬四千 角度 2 人相減餘 /^ .₩_ 角六十 近民得甲 一分即丙 百四

草 牵 華 四率 三年 幸 中內建 甲乙邊 甲丙邊 甲角正弦 乙角正弦 乙角餘到 七万息 丙角除剂 印民是里清海下南 八餘割檢表 四寸 四寸 馬

飲定四庫全書 | 甲角之正割如甲辛甲庚辛與甲乙丙 丙角之 兩直角三角形其乙角之餘割戊乙即 兩三角形為同式形故甲乙邊與甲 形作甲丁 餘割甲辛即己之比為相當比例 之比同於乙角餘割甲庚即戈與 /餘割己丙即甲丁丙三角形之 三角形之甲角之正割如甲 ・垂線分爲甲丁乙甲丁丙

C こり 自 と き 一一、 御祭牧理精題下編 李 个 如甲乙丙鈍角三角形知丙角一百 甲丙達 乙角正弦 丙外角正法 甲乙母 十二丈五尺五寸甲丙邊十二丈求甲角乙 丙 邊各幾何 法以甲で 知之角其外角七十度之正弦九萬 為乙角正弦檢表得三十度即乙角度 千九百六十九為三率求得四率五萬 文五尺五寸為一率甲丙邊為對所 /漫其數十二丈為二率丙角爲所)邊為對所知之邊其數二十 P 5

釦 幸 产 率 定匹庫 乙丙邊 甲丙邊 乙角正弦 甲角正弦 生言 對所求之角其正弦六萬四千二百七 二寸七分即乙丙爲所求之邊也)既得乙角度則以乙角三十度與 九爲二率甲丙邊爲所知之邊其數 既得甲角求乙丙邊則以乙角為對 百 知之角其正弦五萬為一率甲角為 百 十度相加得一百四十度 度相減餘四十度即甲角度 [率求得四率十五丈四尺

弄 二年 2 一本 甲乙堡 甲丙曼 **丙外角除到** ē 乙角餘到 ję A duta 四百一 表得三十度即乙角度也如甲乙丙鈍 角三角形料乙丙邊引長自甲角作甲 萬九千九百七十七爲乙角之餘割檢 又法用餘割求乙角以甲丙邊十 角形甲丁丙三角形之丙角即甲乙丙 二率丙外角七十度之餘割十萬六千 御製數理精盤下編 「率甲乙邊二十二丈五尺五寸篇 十八爲三率求得四率一 燃送成甲丁丙甲丁乙兩直角三 罢 一十九

金灰四月全是 如甲乙丙銳角三角形知甲乙邊一百二十二尺 甲丁乙三角形之乙角之餘割戊乙即 三角形之丙角之外角其餘割己丙即 餘割甲辛即已與乙角餘割甲度即戊 战甲丙邊與甲乙邊之比同於丙外角 甲丁乙三角形之甲角之正割如甲 甲丁丙三角形之甲角之正割如甲辛 化為相當比例四率也 東辛與甲乙丙兩三角形爲同式形 巻十七

钦定四車至書 剛製數理精蘊下編 亭 乙丙三角各幾何 半徑 丙角蘇茲 三馬家一百六十尺 三萬三十六百尺 一百一十二尺乙丙邊一百五十尺求 萬二千五百四十四尺乙丙邊一百五 法求丙角以甲丙受一百一十二尺與 率以甲丙邊一百一十二尺自東得 各自來數相加得三萬五千零四十四 乙丙邊一百五十尺相來得一萬六 、百尺倍之得三萬三千六百尺為 尺自乘得二萬二十五百尺以兩邊

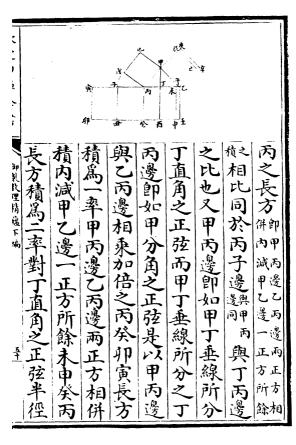
4 草 三 二年 万月餘往 三萬至一百六十八 丰位 三萬二十六万尺 萬為三率求得四率六萬為甲分角之 來相加數三萬五千零四十四尺相減 尺叉以甲乙邊一百二十二尺自來得 餘二萬零一百六十尺為二率半徑十 萬四十八百八十四尺與兩邊各自 一班即两角之餘珍檢表得五十二 、分即丙角之度也求乙角則以 |與乙丙邊相乗得數倍之為| **し邊乙丙邊各自乗相加内波**

甲丙邊自東之數餘為 為三率求得四率為甲分角之正於即 既得两角用兩邊一角比例之法即得 乙角之餘於檢表即得乙角之度也或 勾股形又作三邊之各正方狼作兩邊 相加減使面與面比而得線與線之比 甲乙二角矣此法蓋以三邊之面積互 アーシュン 日本日子に 如甲乙丙三角形自甲角至乙丙邊 甲丁垂線分為甲丁丙甲丁乙兩

飲定四庫全書 衣 相乗之 《去辰已午甲一正方即如甲丙戊己 八方今於甲丙戊己與乙去矣丙兩正 正方丙癸五子爲甲丙邊與乙丙邊 相併數内減庚辛乙甲一 一正方乙士癸丙爲乙丙邊自来之 /長方其甲丙戊己為甲丙邊自 正方庚辛乙甲為甲乙邊自來 長方倍之為丙癸卯寅 正方則是

ŗ Ξ 3 Þ É 5 和和精辰與之強兩強內 相乙而各辛數和三方有長 御製數理精鎮下 |東壬乙折||乙少||相角||内甲||方||正| 之申未形相然東形有丁等 方 精未為即併相之同甲一用甲产介 多 長所即兩兩即等數用了股一 大 以兩勾弦兩午兩一一方甲丙之 之較|站乙|勾股|股丁丁甲|較 1/2 其較|較與|之即|較故|方丙服丁上其 甲 相與し雨和雨與其して是し精 等兩內強原強兩兩一丁句以两,與 丁等的内班 展班 内的 「一方四句」 線所兩相乙較和較勾而两股壬引餘为乘午及相與方甲強形中 長為之之已已采兩因乙方同未

N. 其底互相為比之例故丙癸卯寅之 五子子丑卯寅二長方同用一邊為 -行線內所有二方面互相寫比同於 平分未申癸丙一長方為未申酉丁 邊與未內邊之比也又比例之理全 與未申於西之長方之比即同於西 ,西癸丙二長方此二長方與丙癸 乘义加一倍之甲丙邊與乙丙 比例 相同故丙癸卯 賴與未申



金定四库全書 太十七 求得四率為甲分角之正



百五十尺爲一

)邊大腰一百

十二尺與甲丙邊小腰一百一十

相加得二百三十四尺為二率两邊

十尺為三率求得四率

典し丙邊

平

分邊之和 分邊之較 两腰之較 雨腰之和

又求分邊得角法以乙丙邊為底其 **殓即两角之餘強力**

於定四車全書 一柳製數理精藏下約 四季 奉 亭 平 半徑 甲丙邊 丙角餘弦 丁丙分邊 半得六十七尺二寸黑丁丙分邊之 角正弦又即丙角之餘弦檢表得五十 為所知之角 其正弦半徑十萬為三率 用兩邊一角比例之法遂得甲乙二角 三度零八分為两角之度既得丙角則 求得四率六萬爲甲丁丙三角形之甲 乃以甲丙邊為對所知之邊其數一 >邊其数六十七尺二寸爲二率丁角 二尺爲一率丁丙分邊爲對所 7

矣如圖以甲角爲心甲丙小邊爲半徑 邊之和己乙之比即同於兩邊之較)邊於戊將甲乙引長至園界已則 |與甲丙等自已至乙即兩邊之和自 與分邊之較乙戊之比為轉比例四 一戊丙已庚園截甲乙邊於庚截丙 分邊之較是故分邊之和乙丙與两 巻十 七 即兩邊之較乙戊即乙丁丁 P

折半得一 印以大里青鱼下尚 相減餘七十尺為甲乙 二百二十二 相加得三百八十四尺為三邊之 、乙丙邊一 百九十二尺為半總以甲 尺甲丙邊 **旅四十二** 一尺與半總一百九十 百五十 甲丙邊一百一十二尺 百二十二 百

飲定四庫全書 一幸 恭 四本 新北京是 二率 甲丙邊聲經數 "这群年纪之权相 永之秋 為甲丙邊與半總之較乃以半總一百 與半總一百九十二尺相減餘八十尺 相乘得二千九百四十尺為三率求得 五尺為三角形自中心至三邊之垂線 四率一千二百二十五尺開方得三 九十二尺為一率甲丙邊與半總之較 -尺與乙丙邊與半總之較四十二尺 求丙角則用甲乙邊與半總之較 十尺爲二率甲乙邊與半總之較七

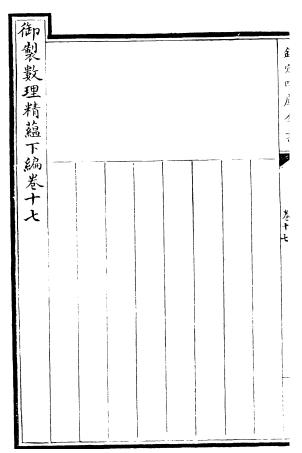
□正定日車至書 一、御製数理精藏下編 三年 丙分月正切 三角中心工送泰 表得二十六度三十四分倍之得五十 垂線三十五尺為二率半徑十萬為三 角則用甲丙邊與半總之較八十尺為 三度零八分即两角之度也如先求了 心至三邊之垂線三十五尺爲二率半 較四十二尺為一率俱用三角形自中 **丁求得四率五萬爲丙半角之正切檢** 率先求甲角則用乙丙邊與半總之 尺為一率三角形自中心至三邊

馬此法益一 六直角三角形俱两两相等打兒两等 率四率以面與面為比也 自中心丁至三角各作一分角線即成 角形自中心丁至三邊各作一 成甲與丁皮甲等又按甲戊度引 |率即各得各半角之正切 與等 如甲乙丙 垂線

11111111日記下海 之比即同於壬辛與丁己之比然乙 乙己丁形遂為同式形其乙辛與乙己 直角将こ 率乙己二率之數雖有而壬辛之 形則士辛與丁己平行乙辛壬形與 相來之數為三率和級 知己丙與丙辛相東之數 万 下相來之數故以 己丙與丙 、線引長作一乙辛壬直 半總之較戊 . き 甲試自辛 **欺丙** 即县 丙

欽 定 四 庫 全 書 奉 丙四辛率以丙形辛己外百角線已 DL 即 丙率三即丁勾為角角角八癸使與 同丁辛相率得已股同等與相十两两五 於 己相乘相四作形式是幸合度辛尽辛一 自 東之東率一亦形以一千亦然角與相上 已 乘之數之士率為而士癸共康共而來 與 數等數字已同丙癸角成丙辛辛之 數作故即是丙式辛丙等一己五等數三直與以作形士辛庚百角癸癸哉 相故奉以丁巴二可勾形丁八萬角角作 乘 乙 也已已雨率互股與已十 祭相辛士之 辛 其 一二 而相形而角度而合角而 |辛|其|-二|丙相|形丙|角度|丙合|角丙 面與所幸丰辛几與原與是辛共皆然 丙卯 乙 得 士與作例丁丁癸庚 角成為士 1四年丙三美己已丙丙之一直癸

たこり Þ 2 也 角形自中心至三邊之垂線與丁戊與 私之面與丁已自來之面之比也既得 丁已自乘之面故開方而得丁已為三 丁庚俱相等又即三角形容國之半徑



校對官中官正臣郭長

腾銀監生臣

劉

清 磵

圖監

生臣

總校官庶吉士臣張 能